

Mathematische Statistik

Einleitung

Innerhalb des Teilnehmer-Rechensystems TR 440 stehen dem Benutzer leistungsfähige Programmsysteme und umfangreiche Programm-Bibliotheken zur Verfügung. Eine dieser Bibliotheken ist die statistische. Sie enthält Lösungen für verschiedene statistische Probleme.

Die Programme sind fast alle in FORTRAN codiert und stehen allen FORTRAN und ALGOL Benutzerprogrammen uneingeschränkt zur Verfügung.

Die einzelnen Programme sind auf eine Zusammenarbeit untereinander abgestimmt. Häufig auftretende Berechnungen werden nur einmal durchgeführt und von den anderen Programmen benutzt (modularer Aufbau). Für größere Programmkomplexe können leicht Steuerprogramme erstellt werden.

Beschreibung der einzelnen Programm-Moduln

Organisationsprogramme

zum Einlesen und Aufbereiten des Datenmaterials.

Zufallszahlen

können zu den bekanntesten Verteilungen und zu beliebigen, vorgegebenen diskreten Verteilungen erzeugt werden.

Elementare Berechnungen

wie Mittelwert, Kovarianzen, höhere Momente und Häufigkeitsauszählungen. Die Häufigkeitsauszählungen können auf Wunsch grafisch als Histogramm oder Summenhäufigkeitskurve dargestellt werden.

Verteilungen und ihre Umkehrfunktionen

für Gauß-, Student, χ^2 -, Fisher-, Binomial- und Poisson-Verteilung.

Konfidenzintervalle

für die Wahrscheinlichkeit einer Binomialverteilung sowie den Mittelwert und die Streuung einer Normalverteilung.

(Als Konfidenzintervall wird ein ein- oder zweiseitiges Zufallsintervall bezeichnet, das mit der Wahrscheinlichkeit P den unbekannten Parameter einer Verteilung enthält.)

Parameter-tests

für die Parameter Mittelwert und Streuung der Normalverteilung.

(Ein Parametertest testet eine vorzugebende Hypothese für einen Parameter einer bekannten Verteilung.)

Anpassungstests

für Normal-, Gleich-, Poisson-, Binomialverteilung und für vorgegebene Verhältniszahlen. Die Parameter der Verteilungen können unbekannt sein, sie werden dann mit Hilfe der Stichprobenwerte geschätzt.

(Ein Anpassungstest prüft, ob eine Stichprobe aus einer Grundgesamtheit mit einer bestimmten Verteilung stammen kann.)

Einfluß mehrerer Größen auf ein Ergebnis

Für Normalverteilung sind der T-Test (eine Einflußgröße) sowie die ein-, zwei- und drei-dimensionale Varianzanalyse (bis zu 3 Einflußgrößen) vorhanden. Für beliebige Verteilungen und eine Einflußgröße sind die bekannten verteilungsunabhängigen Tests von Mann-Whitney, Kruskal-Wallis, Wilcoxon, Friedman, McNemar, Cochran sowie der χ^2 - und Zeichentest programmiert. Die Baumstruktur dieser Fragestellung ist in dem Diagramm 1 dargestellt.

Abhängigkeit zwischen m-Größen

Korrelation

Für beliebige Verteilungen können der Kontingenzkoeffizient, der Spearmansche- oder der Kendallsche-Korrelationskoeffizient oder die Kendallsche Übereinstimmungszahl berechnet und auf Signifikanz geprüft werden.

Für Normalverteilungen können der Pearsonsche, multiple- oder partielle Korrelationskoeffizient berechnet und auf Signifikanz geprüft werden.

Außerdem kann für eine Stichprobe aus einer Normalverteilung die Korrelationsmatrix berechnet werden.

Regression

Im Unterschied zur Korrelation, bei der nicht gesagt werden kann, welche Größe von welcher abhängt, versucht die Regression einen formelmäßigen Zusammenhang herzustellen. Es ist zur Zeit die multiple lineare Regressionsanalyse erstellt, während sich die Anpassung an beliebige Fit-Funktionen in der Planung befindet.

(siehe Diagramm 2)

Faktorenanalyse

Sie behandelt das Problem, die wesentlichen Einflüsse auf ein Ergebnis herauszufinden.

Zum Beispiel wurden an m Rechtecken n Eigenschaften (Länge, Breite, Diagonale, Umfang, Fläche, ...) gemessen. Die Faktorenanalyse liefert, daß von den n Eigenschaften k (hier 2) wesentlich sind. In diesem Beispiel würden die Länge und die Breite die größten Faktorenladungen erhalten.

Diskriminanzanalyse

Sie löst die Aufgabe, die Trennebene von beliebig dimensional Stichproben zu bestimmen.

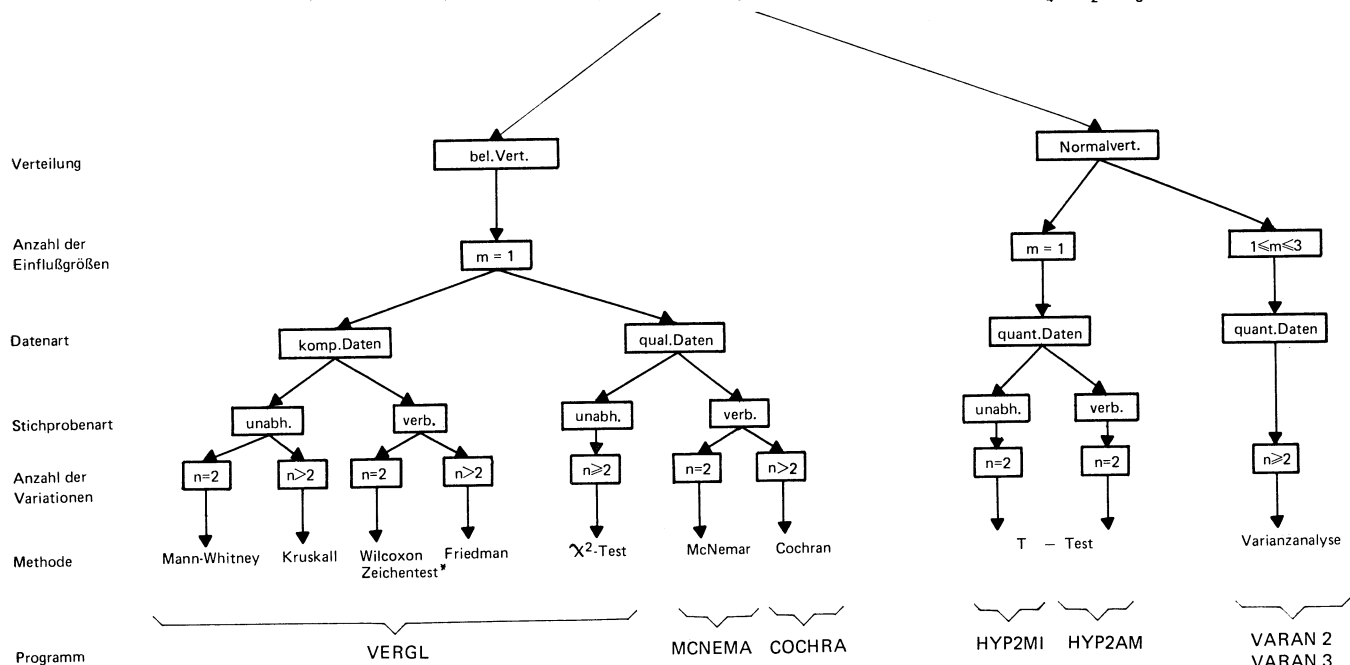
Sowohl zur Faktoren- als auch zur Diskriminanzanalyse ist je ein Programm erstellt, das dem Benutzer aus mehreren möglichen Verfahren das jeweils geeignetste zur Wahl stellt.

Diagramm 1

Einfluß von m-Größen in jeweils n_i ; Variationen auf ein Ergebnis

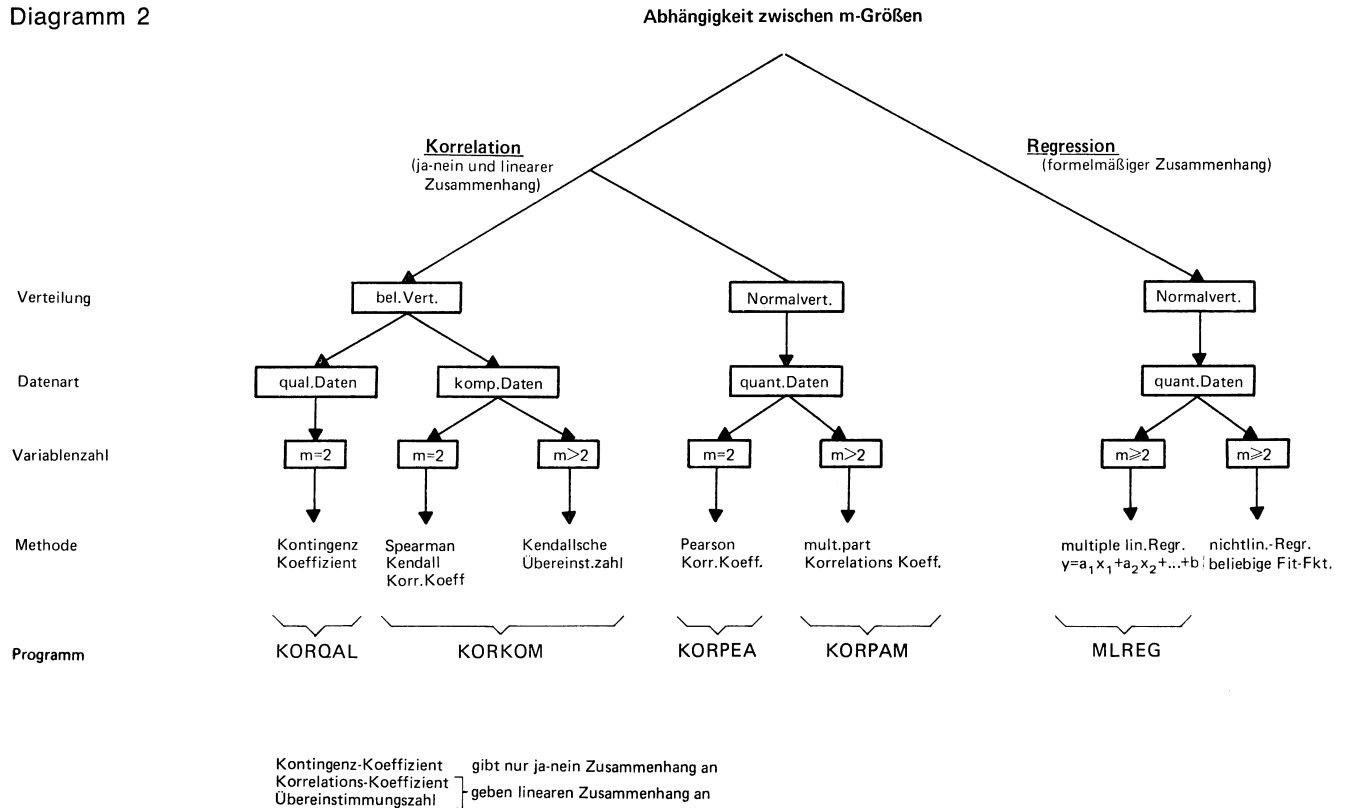
Anwendung: $m = 1$: Haben n -verschiedene Methoden verschiedene Wirkungen? (z.B. 4 Lehrmethoden ... ($n = 4$))

$m > 1$: Haben m -verschiedene Größen in n_i -Variationen oder eine Kombination von ihnen verschiedene Wirkungen? (z.B. 2 Wassersorten, 3 verschiedene Böden, 4 verschiedene Düngemittel. Ergebnis: Ertrag von Weizen ($m=3, n_4=2, n_2=3, n_3=4$))



* Zeichentest: nur die beiden Wertepaare müssen komparativ sein

Diagramm 2



Neben diesen bereits fertiggestellten Programmen ist für die nächste Zeit ein umfangreiches Programm zur Auswertung von Fragebogen geplant. In einer gewissen Symbolik kann dabei angegeben werden, welche Antworten miteinander zu verknüpfen sind, oder welche Teile von Antworten unter gewissen Voraussetzungen ausgewertet werden sollen. (z. B. Anzahl der Wähler einer gewissen Partei, die männlich und 35–50 Jahre alt sind.)